



OBSAH	
PREDHOVOR	9
1 ÚVOD.....	11
2 ZÁKLADY TEÓRIE VLNENIA A INTERFERENCIE	13
2.1 VLNY A ČASTICE	13
2.1.1. Vlnová dĺžka a uhlový vlnočet.....	15
2.1.2. Periódna, uhlová frekvencia a frekvencia	16
2.2 RÝCHLOSŤ POSTUPNEJ VLNY	17
2.3 RÝCHLOSŤ VLNY NA STRUNE	18
2.3.1 Rozmerová (dimenzionálna) analýza.....	18
2.3.2 Odvodenie rýchlosť z druhého Newtonovho zákona	19
2.4 ENERGIA A VÝKON VLNY	20
2.4.1 Kinetická energia.....	20
2.4.2 Potenciálna energia napäťosti.....	20
2.4.3 Prenášaný výkon.....	21
2.5 PRINCÍP SUPERPOZÍCIE	22
2.6 INTERFERENCIA VLN.....	23
2.7 FÁZORY	25
2.8 STOJATÉ VLNY	26
2.9 VLASTNÉ KMITY	28
2.10 ZVUKOVÉ VLNENIE	30
2.10.1 Rýchlosť zvuku.....	31
2.10.2 Šírenie zvukových vln	33
2.10.3 Interferencia	35
2.10.4 Intenzita zvuku a jej hladina	36
2.10.5 Zdroje zvuku.....	38
2.10.6 Záchvety	41
2.10.7 Dopplerov jav	42
2.10.7.1 Detektor v pohybe, zdroj v kľude	42
2.10.7.2 Zdroj v pohybe, detektor v kľude	44
2.10.7.3 Rovnica všeobecného Dopplerovho javu	45
2.10.7.4 Dopplerov jav pri malých rýchlosťach	45
2.10.7.5 Nadzvukové rýchlosťi, rázove vlny.....	45
2.11 DOPPLEROV JAV PRI SVETLE	46
2.12 SVETLO AKO ELEKTROMAGNETICKÉ VLNENIE	47
2.13 POLARIZÁCIA.....	54
2.13.1 Polarizované svetlo	54
2.13.2 Anizotrópia	57
2.14 ODRAZ A LOM	58
2.14.1 Chromatická disperzia	60
2.15 ÚPLNÝ ODRAZ	61
2.16 POLARIZÁCIA ODRAZOM	62
2.16.1 Brewsterov zákon	63
2.17 INTERFERENCIA.....	64
2.17.1 Svetlo ako vlnenie	64
2.17.2 Difrakcia	67
2.17.3 Youngov interferenčný pokus.....	68
2.17.4. Koherenčnosť	71
2.17.5. Intenzita pri interferencii svetla z dvoch štrbín	72



2.17.6. Interferencia na tenkej vrstve	75
2.17.7. Michelsonov interferometer	79
3 FYZIKÁLNE ZÁKLADY FOTOELASTICIMETRIE	81
3.1 SVETLO AKO NOSITEĽ INFORMÁCIÍ	81
3.2 JONESOVA MATICA	83
3.3 ČASTI POLARISKOPU	84
3.3.1 Polarizátor	84
3.3.2 Oneskorovacie (retardačné) dosky	85
3.4 URČENIE PARAMETROV SVETELNÝCH VLN PRECHÁDZAJÚCICH ČASŤAMI OPTICKÝCH SÚSTAV S VYUŽITÍM JONESOVHO VÝPOČTU	87
3.4.1 Výpočet parametrov svetelných vln prechádzajúcich sústavou polariskopov	87
3.5 ODRAZ A LOM SVETLA NA ROZHRANÍ DVOCH PROSTREDÍ	90
3.6 ODRAZ A LOM VYJADRENÝ JONESOVOU MATICOU	95
3.7 TEÓRIA MECHANICKO - OPTICKÉHO EFEKTU	96
3.8 OPTICKÉ SÚSTAVY PRE VYŠETROVANIE DEFORMÁCIE METÓDOU FOTOELASTICKÉHO POVRSTVENIA	100
3.8.1 Priamkový polariskop	101
3.8.2 Kruhový polariskop	101
3.8.3 Súosový polariskop	102
3.8.4 Polariskop s polopriepustným zrkadlom pre osvetlenie povrstvenia v smere normály	102
3.8.5 Kruhový polariskop s V usporiadaním pre šíkmé osvetlenie povrstvenia	103
3.8.6 Polariskop s V usporiadaním pre šíkmé symetrické osvetlenie povrstvenia	104
3.8.7 Kompenzátor pre skúmanie zlomkových rádov izochróm	104
3.9 KONŠTRUKCIA POLARISKOPU PRE ANALÝZU METÓDOU FOTOELASTICKÉHO POVRSTVENIA	105
3.10 MATEMATICKÉ MODELY POLARISKOPOV PRE ANALÝZU METÓDOU FOTOELASTICKÉHO POVRSTVENIA	106
3.10.1 Matematický model priamkového polariskopu v usporiadaní V	106
3.10.2 Matematický model kruhového polariskopu v usporiadaní V	110
3.10.3 Matematické modely polariskopov pre určovanie zlomkových rádov izochromát s použitím kompenzácie	112
3.10.3.1 Určovanie zlomkových rádov izochróm Tardyho kompenzačnou metódou	112
3.10.3.2 Určovanie zlomkových rádov izochróm použitím Soleilovho-Babinetovo kompenzátoru	114
3.10.4 Matematický model polariskopu pre šíkmé asymetrické osvetlenie povrstvenie	115
3.11.5 Matematický model polariskopu pre šíkmé symetrické osvetlenie povrstvenia	116
4 VYUŽITIE METÓDY PHOTOSTRESS PRE ANALÝZU DEFORMÁCIE A NAPÄTOSTI	119
4.1 ANALÝZA FOTOELASTICKÝCH PRUHOVÝCH OBRAZCOV	124
4.1.1 Výklad o celkovom rozložení deformácií	124
4.1.2 Vytváranie pruhov	125
4.1.3 Identifikácia pruhu	126
4.1.4 Určenie veľkosti hodnoty pruhov	127
4.2 MERANIE HLAVNÝCH SMEROV DEFORMÁCIÍ – ZÁKLAĐNÝ PRINCÍP	128
4.3 MERANIE VEĽKOSTI DEFORMÁCIÍ A NAPÄTÍ	130
4.3.1 Vzťahy medzi radmi pruhu a veľkosťou deformácie a napäťa	130
4.3.2 Merania v bode	132
4.3.2.1 Oneskorená (goniometrická) Tardyho kompenzácia	133



4.3.2.2 Meranie hlavných napäťí na nezačažených okrajoch pomocou oneskorenej (goniometrickej) kompenzácie.....	134
4.3.2.3 Meranie použitím kompenzácie s nulovou rovnováhou.....	133
4.4 METÓDY SEPARÁCIE HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ RESP.	
NAPÄTÍ PRI METÓDE PHOTOSTRESS	136
4.4.1 Metóda šikmého dopadu.....	136
4.4.2 Separačná metóda s využitím tenzometrie	137
5 SEPARÁCIA HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ A NAPÄTÍ PRI MERANÍ METÓDOU PHOTOSTRESS	139
5.1 DEFORMÁCIA A PODMIENKA SPOJITOSTI.....	139
5.2 NAPÄTOSŤ A DIFERENCIÁLNE ROVNICE VNÚTORNEJ ROVNOVÁHY.....	141
5.3 FYZIKÁLNE ROVNICE.....	143
5.4 EXPERIMENTÁLNA ANALÝZA DEFORMAČNÉHO A NAPÄŤOVÉHO POĽA	144
5.5 URČENIE POĽA DEFORMÁCIÍ Z POĽA IZOCHROM A IZOKLÍN	145
5.5.1 Rozdelenie deformácie v hraničných bodoch	146
5.5.2 Určenie rozloženia zložiek deformácií riešením Laplaceovej diferenciálnej rovnice	148
5.5.3 Rozloženie deformácií pozdĺž ľubovoľnej priamky	149
5.6 URČENIE POĽA NAPÄTÍ Z POĽA IZOCHROM A IZOKLÍN	152
5.6.1 Zostrojenie poľa izostatických čiar	152
5.6.2 Výpočet šmykových napäťí	153
5.6.3 Metódy separácie napäti	153
5.6.3.1 Separácia hlavných normálových napäťí pozdĺž izostaickej čiary	154
5.6.3.2 Metóda rozdielov šmykových napäťí.....	157
5.7 URČENIE DEFORMAČNÉHO A NAPÄŤOVÉHO POĽA NA ZÁKLADE ĎALŠIEHO PARAMETRA URČENÉHO EXPERIMENTOM	161
5.7.1 Využitie metódy šikmého osvetlenia pre separáciu zložiek deformácií.....	161
5.7.1.1 Metóda šikmého osvetlenia v rovinách hlavných smerov.....	161
5.7.1.2 Metóda šikmého osvetlenia v ľubovoľných rovinách	163
5.7.1.3 Metóda šikmého osvetlenia pri využití nesymetrického šikmého osvetlenia	164
5.7.2 Separácia hlavných pomerných deformácií, resp. hlavných normálových napäti pomocou tenzometrov.....	165
5.7.2.1 Separačný tenzometer Photostress.....	166
5.7.2.2 Korekcie pre efekty povrstvenia.....	168
5.7.2.3 Fotoelasticke korekcie	169
5.7.2.4 Tenzometricke korekcie	172
5.7.2.5 Poznámky k využitiu špeciálnych tenzometrov k separácii zložiek deformácií	176
5.7.2.6 Numerické príklady	177
5.7.3 Separácia pri využití drážky (Slitting)	180
5.7.4 Metóda separácií deformácií založená na využití poľa izopách	181
5.8 SEPARÁCIA DEFORMÁCIÍ PRI VYUŽITÍ LEN POĽA IZOCHRÓM ALEBO POĽA IZOKLÍN	182
5.8.1 Metóda charakteristík založená na využití poľa izochróm.....	182
5.8.1.1 Zvláštne prípady využitia metódy charakteristík	186
5.8.1.2 Numerické spracovanie výsledkov experimentu pri uplatnení metódy charakteristík.....	188
5.8.2 Modifikovaná metóda charakteristík.....	190



5.8.3 Priama separácia pomerných deformácií na osi symetrie založená na využití charakteristik.....	193
5.8.4 Separácia pomerných deformácií založená na výlučnom využití poľa izoklín ...	195
6 KALIBRÁCIA FOTOELASTICKÉHO POVRSTVENIA A PRÍČINY VZNIKU SYSTEMATICKÝCH CHÝB	199
6.1 POSTUP PRI KALIBROVANÍ POVRSTVENIA	199
6.1.1 Aplikácia kalibrovaného povrstvenia	200
6.1.2 Kalibračné meranie	201
6.1.3 Redukcia dát	202
6.1.4 Odstraňovanie naaplikovanej fotoelastického povrstvenia z kalibračného nosníka	204
6.2 PRÍČINY VZNIKU SYSTEMATICKÝCH CHÝB PRI ODRAZOVEJ FOTOELASCIMETRII	204
6.2.1 Fotoelastický efekt v blízkosti voľného okraja povrstvenia a v blízkosti lokálnych koncentrátorov deformácií.....	204
6.2.2 Fotoelastický efekt vznikajúci v dôsledku rozdielnych hodnôt Poissonových čísel konštrukcie a povrstvenia.....	206
6.2.3 Efekt zmeny teploty v priebehu merania	207
7 MATERIÁLY PRE FOTOELASTICKÉ POVRSTVENIE A ICH VÝBER	209
7.1 METÓDA APLIKÁCIE POVRSTVENIA	209
7.2 CITLIVOSŤ	210
7.3 ZLOŽITOSŤ OBRYSOV	213
7.4 EFEKT VYSTUŽENIA	213
7.5 MAXIMÁLNE PREDLŽENIE	217
7.6 VPLYV TEPLITY PRI SKÚŠKACH.....	217
7.7 MATERIÁLY POVRSTVENÍ	218
7.7.1 Fólie pre povrstvenie rovinných plôch.....	218
7.7.2 Tekuté tvárne hmoty pre povrstvenia tvarových zložitých súčiastok.....	218
7.8 LEPIDLÁ PRE APLIKÁCIU POVRSTVENIA	220
8 KOREKCIA PORADIA RADU PRUHOV PRI METÓDE FOTOELASTICKÉHO POVRSTVENIA	221
8.1 POČIATOČNÝ DVOJLOM	221
8.2 SPEVŇUJÚCE EFEKTY POVRSTVENIA PRI ROVINNEJ NAPÄTOSTI	224
8.3 SPEVNENIE A EXTRAPOLÁCIA SPEVŇUJÚCICH EFEKTOV PRI OHYBE.....	228
8.4 ZAŤAŽENIE OHYBOM ALEBO OHYBOVOU DEFORMÁCIOU	231
8.5 SPEVNENIE A KOREKCIA PRI KRÚTENÍ	233
8.6 SPEVNENIE A KOREKCIA PRI TLAKOVÝCH NÁDOBÁCH	233
8.7 KOREKCIA ÚČINKOV TEPELNÝCH ZMIEN	234
8.7.1 Povrstvené oblasti neobsahujúce okraj (vo vzdialenosťach, ktoré sú štyrikrát väčšie než hrúbka povrstvenia)	235
8.7.2. Voľná hrana telesa a okraja povrstvenia skúšobného telesa.....	236
8.8 URČENIE CITLIVOSTI MATERIÁLU POVRSTVENIA A JEJ DÔSLEDKY NA URČENIE DEFORMÁCIÍ SKÚMANEJ SÚČIASKY	236
9 TECHNIKA EXPERIMENTÁLNEJ ANALÝZY NAPÄTÍ PRI POUŽITÍ OPTICKÝ CITLIVÝCH POVRSTVENÍ.....	239
9.1 PRÍPRAVA POVRSTVENIA NA SKÚŠOBNEJ VZORKE (T KUS)	239
9.2 PRÍPRAVA ŽIVICE A TUŽIDLA	241
9.3 PRIEBEH LIATIA.....	243



9.4 PRÍPRAVA SKÚŠANÉHO KUSA A POVRSTVENIA PRE VYTVAROVANIE.....	244
9.5 VYTVAROVANIE POVRSTVENIA NA SKÚŠANÝ VZORKU.....	246
9.6 PRÍPRAVA SKÚŠANÉHO KUSU A VYTVAROVANÉHO POVRSTVENIA NA LEPENIE	249
9.7 PRÍPRAVA LEPIDLA A LEPENIE	250
9.8 AKTUÁLNE OTÁZKY APLIKÁCIE METÓDY ODRAZOVEJ FOTOELASCIMETRIE	253
9.9 POKRYTIE ROVINNÝCH ČASTÍ (DIELOV).....	254
9.10 VŠEOBECNÉ PRÍKLADY POUŽITIA.....	255
10 MERANIE DEFORMÁCIÍ A NAPÄTÍ ODRAZOVÝM POLARISKOPOM	
PHOTOELASTIC - MODEL 030	259
10.1 POPIS ODRAZOVÉHO FOTOELASCIMETRA, JEHO MONTÁŽ A NASTAVENIE	259
10.1.1 Všeobecne o odrazovom fotoelascimetri	259
10.1.2 Opis jednotky analyzátoru.....	262
10.1.3 Svetelný zdroj.....	263
10.2 INTERPRETÁCIA FOTOELASTICKÝCH PRUHOV V CELOM POLI.....	264
10.2.1 Metodika interpretácie poradia pruhov.....	264
10.2.2 Vzťahy medzi poradím pruhov a veľkosťou namáhania	265
10.2.3 Identifikácia poradia pruhov	267
10.3 MERANIE SMEROV HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ	273
10.3.1 Izoklíny	273
10.3.2 Smery hlavných pomerných deformácií v bode	274
10.3.3 Smery hlavných pomerných deformácií v celom poli	275
10.4 MERANIE PORADIA PRUHOV PRI KOLMOM OSVETLENÍ KOMPENZÁCIOU S NULOVOU ROVNOVÁHOU	276
10.4.1 Princíp kompenzácie s nulovou rovnováhou.....	277
10.4.1.1 Kompenzátor s nulovou rovnováhou – model 232 a meranie poradia pruhov.....	277
10.4.1.2 Nastavenie kompenzátoru s nulovou rovnováhou	280
10.4.2 Meranie poradia pruhov pri kolmom osvetlení metódou Tardyho (goniometrickej) kompenzácie	281
10.4.2.1 Určovanie hlavných pomerných deformácií, resp. hlavných normálových napäti Tardyho (goniometrikou) kompenzáciou	283
10.4.2.1.1 Využitie metódy Tardyho kompenzácie pri priamkovej napäťosti	284
10.4.2.1.2 Použitie Tardyho (goniometrickej) kompenzácie na bočnej stene nosníka	285
10.5 SEPARÁCIA HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ	286
10.5.1 Rozlíšenie jednotlivých hlavných pomerných deformácií	286
10.5.2 Zariadenie so šíkmým osvetlením - model 033	287
10.5.3 Nastavenie prístroja pre meranie separovaných zložiek hlavných pomerných deformácií	287
10.5.4 Postup pri meraní hlavných pomerných deformácií	289
10.5.4.1 Znamienkový dohovor používaný pri meraní so šíkmým osvetlením pri použití Tardyho (goniometrickej) kompenzácie	290
10.5.4.2 Znamienkový dohovor používaný pri kompenzácií s nulovou rovnováhou	290
10.5.5 Redukcia údajov.....	291
10.5.6 Separovanie hlavných pomerných deformácií pomocou nomogramov	292
10.6 PRÍSLUŠENSTVO ODRAZOVÉHO POLARISKOPU	294
10.6.1 Telemikroskop, model 137	294



10.6.2 Fotoaparát – model 335	298
10.6.3 Monochromátor – model 036	299
10.6.4 Stroboskopické svetlá – modely 134 a 234.....	300
10.7 AUTOMATICKE SNÍMANIE ÚDAJOV.....	301
10.7.1 Nastavenie a opis zariadenia na určovanie deformácie.....	302
10.7.2 Postup pri meraní smerov a veľkosti hlavných pomerných deformácií	305
10.7.3 Kalibrovanie.....	306
10.7.4 Prevádzka zapisovacieho zariadenia - model 532P	308
11 MERANIE DEFORMÁCIÍ A NAPÄTÍ ODRAZOVÝM POLARISKOPOM	
PHOTOELASTIC - MODEL 040	311
11.1 OPIS ODRAZOVÉHO POLARISKOPU, JEHO MONTÁŽ A NASTAVENIE.....	311
11.1.1 Všeobecne o odrazovom fotoelascimetri	311
11.1.2 Interpretácia displeja	315
11.2 INTERPRETÁCIA FOTOELASTICKÝCH PRUHOV V CELOM POLI.....	318
11.3 MERANIE SMEROV HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ	321
11.3.1 Smery hlavných pomerných deformácií v bode	321
11.3.2 Smery hlavných pomerných deformácií v celom poli.....	323
11.4 MERANIE PORADIA PRUHOV PRI KOLMOM OSVETLENÍ KOMPENZÁCIOU	
S NULOVOU ROVNOVÁHOU	323
11.4.1 Princíp kompenzácie s nulovou rovnováhou.....	324
11.4.1.1 Nastavenie polariskopu a pozorovanie celého poľa	325
11.4.1.2 Meranie rozdielu hlavných pomerných deformácií	327
11.4.1.3 Meranie rozdielu hlavných normálových napäť.....	327
11.4.1.4 Meranie napäť na okrajoch	328
11.5 SEPARÁCIA HLAVNÝCH POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ A HLAVNÝCH	
NORMÁLOVÝCH NAPÄTÍ	328
11.5.1 Separácia s využitím separačných tenzometrov.....	329
11.6 PRÍSLUŠENSTVO ODRAZOVÉHO POLARISKOPU	332
12 MERANIE DEFORMÁCIÍ A NAPÄTÍ ODRAZOVÝM POLARISKOPOM	
FL/Z-2	333
12.1 MONTÁŽ ODRAZOVÉHO POLARISKOPU LF/Z-2	335
12.2 PRÍPRAVA POČÍTAČA A NASTAVENIE A OVLÁDANIE POLARISKOPU	336
12.3 ANALÝZA V CELOM POLI.....	337
12.4 SMERY HLAVNÝCH NORMÁLOVÝCH NAPÄTÍ A HLAVNÝCH	
POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ.....	340
12.5 MERANIE HLAVNÝCH NORMÁLOVÝCH NAPÄTÍ A HLAVNÝCH	
POMERNÝCH DEFORMÁCIÍ POMOCOU KOMPENZÁTORA - MODEL 832	340
12.6 PROGRAM PSCALC™ NA VÝPOČET NAPÄTIA A DEFORMÁCIE	342
12.6.1 Výpočet hodnoty $\sigma_1 - \sigma_2$	343
12.6.2 Meranie a výpočet jednotlivých hlavných normálových napäť	344
12.7 ROVNICE PROGRAMU PSCALC™ PRE METÓDU DRÁŽKY AK JE DRÁŽKA	
V SMERE ε_1	345
12.7.1. Postup merania	345
12.7.2. Nástroje na vytvorenie drážky	346
12.7.3. Vytváranie drážky	346
13 LITERATÚRA	349