



**Otázky na štátne skúšky z predmetu: Navrhovanie mechatronických sústav**

**Študijný odbor: Priemyselná mechatronika**

**AR: 2021/2022**

1. a.) POLOHY. Konfigurácia mechanického systému, konfiguračný priestor, príklady konfiguračného priestoru.  
b.) Pevne ukotvený kinematický reťazec. Priama kinematika dvojčlenného kinematického reťazca s dvoma rotačnými kĺbmi.
2. a.) POLOHY. Konfiguračná varieta. Technický opis variety, Intuitívne zavedenie pojmu variety.  
b.) Pevne ukotvený kinematický reťazec. Priama kinematika dvojčlenného kinematického reťazca s jedným rotačným a jedným posuvným kĺbom.
3. a.) POLOHY. Základné stavebné bloky konfiguračného priestoru.  
b.) Kinematika rýchlosí pevne ukotvených sériových reťazcov. Získanie Jakobího matice derivovaním.
4. a.) POLOHY. Lieove grupy a dôvody ich použitia v geometrickej mechanike. Definícia grupy, aditívna grupa reálnych čísel R1.  
b.) Kinematika rýchlosí pevne ukotvených sériových reťazcov. Iteratívny výpočet Jakobiánu.
5. a.) POLOHY. Všeobecný pohyb tuhého telesa v rovine.  
b.) Iteratívny výpočet jakobiánu využitím lokálnych rýchlosí. Zobrazenie medzi lokálnymi rýchlosťami na i - tom článku kinematického reťazca.
6. a.) POLOHY. Špeciálna euklidovská grada (SE(2), x) a jej interpretácie.  
b.) Iteratívny výpočet jakobiánu využitím lokálnych rýchlosí. Pridanie článku s posuvným kĺbom.
7. a.) RÝCHOLOSTI. Vektory rýchlosí na variete, dotykové priestory a dotyková varieta (tangent bundle).  
b.) Zmiešaný kinematický a dynamický prípad lokomočného systému. Definícia zmiešaného lokomočného systému. Príklad zmiešaného lokomočného systému.
8. a.) Rýchlosí na grupe SE(2). Definovanie grupových rýchlosí  $\xi_b$  a  $\xi_s$ .  
b.) Odvodenie neholonómnych obmedzení (väzieb) dvojkolesového mobilného robota s diferenčným riadením kolies.
9. a.) Fyzikálna interpretácia grupových rýchlosí  $\xi_b$  a  $\xi_s$  na grupe SE(2).  
b.) Odvodte rekonštrukčnú rovnicu pre principálne kinematický systém dvojkolesového mobilného robota s diferenčným riadením kolies pre dané neholonómne obmedzenia a určte lokálnu konexiu.

$$\xi^{\theta} - w \cdot \xi^{\theta} - R \dot{\alpha}_1 = 0$$

$$\xi^{\theta} + w \cdot \xi^{\theta} - R \dot{\alpha}_2 = 0$$

$$\xi^{\theta} = 0$$

10. a.) Pravá a ľavá liftovaná akcia na  $SE(2)$  na grupe  $SE(2)$ .

b.) Získanie rekonštrukčnej rovnice pre čiste mechanický systém na základe klasickej mechaniky pre lokomočný systém: Inverzné kyvadlo na pohyblivom vozíku. Lagranžián tohto systému je:

$$L = \frac{1}{2}(M+m)\dot{s}^2 + ml\dot{s}\dot{\phi}\cos\phi + \frac{1}{2}ml^2\dot{\phi}^2 - mgl\cos\phi$$

kde  $M$  je hmotnosť vozíka,  $m$  je hmotnosť kyvadla,  $l$  je dĺžka kyvadla a  $g$  je gravitačná konštanta.

doc. Ing. Ľubica Miková, PhD.  
garant predmetu